


МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

**УТВЕРЖДАЮ**

Заведующий кафедрой  
функционального анализа и операторных уравнений

 Каменский М.И.  
подпись, расшифровка подписи  
25.05.2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Б1.О.10 Методы кодирования и криптологии и разработка программного обеспечения информационно-коммуникационных технологий**

- 1. Код и наименование направления подготовки:** 02.04.01 Математика и компьютерные науки
- 2. Профиль подготовки:** Математическое и компьютерное моделирование, Математические методы и компьютерные технологии в естествознании, экономике и управлении
- 3. Квалификация выпускника:** магистр
- 4. Форма обучения:** очная
- 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** кафедра функционального анализа и операторных уравнений
- 6. Составители программы:** Завгородний Михаил Григорьевич, канд. физ-мат. наук, доцент
- 7. Рекомендована:** НМС математического факультета, протокол № 0500–06 от 25.05.2023
- 8. Учебный год:** 2023-2024 **Семестр(ы):** 2

## 9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Целью изучения предмета «Математические методы и модели теории кодирования и криптологии и разработка на их основе программного обеспечения информационно-коммуникационных технологий» является приобретение основных знаний и умений построения помехоустойчивых кодов и использования современных криптографических методов и алгоритмов защиты информации; приобретение навыков составления эффективных алгоритмов и их программирования для решения типовых задач кодирования, обеспечивающих помехоустойчивую запись и передачу по каналам связи данных, для решения типовых задач защиты информации современными методами шифрования с асимметричным ключом.

Основными задачами изучения дисциплины являются:

- изучение методов и алгоритмов построения помехоустойчивых линейных кодов и реализация их в виде программ;
- изучение методов и алгоритмов построения помехоустойчивых линейных циклических кодов и реализация их в виде программ;
- изучение методов и алгоритмов построения помехоустойчивых кодов БЧХ и реализация их в виде программ;
- изучение быстрых алгоритмов, выполняющих арифметические операции над большими (длинными) целыми числами, и реализация их в виде программного модуля;
- изучение эффективных алгоритмов модулярной арифметики и реализация их в виде программного модуля;
- получение представлений об использовании аналогов полученных программных продуктов в современной криптосистеме RSA, а также для проверки чисел на простоту и для факторизации чисел.

**10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:** (блок Б1, базовая или вариативная часть, к которой относится дисциплина; требования к входным знаниям, умениям и навыкам; дисциплины, для которых данная дисциплина является предшествующей)

Дисциплина входит в обязательную часть блока 1. «Дисциплины (модули)». Для изучения и освоения дисциплины нужны знания, приобретенные магистрами ранее при обучении в бакалавриате, а именно, знания из курсов алгебры и теории чисел, технологии программирования и работы на ЭВМ, теории вероятностей и других. Знания и умения, приобретенные студентами в результате изучения дисциплины, будут использоваться в курсе «Технологии разработки наукоемкого программного обеспечения», в учебной практике по получению первичных навыков научно-исследовательской работы и при выполнении дипломных работ, связанных с математическим моделированием в области защиты информации при ее передаче по каналам связи.

**11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):**

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ОПК-3	Способен самостоятельно создавать прикладные программные средства на основе современных информационных технологий и	ОПК-3.1	Обладает фундаментальными знаниями в области прикладного программирования и информационных технологий	Знать: основные методы и алгоритмы построения помехоустойчивых кодов, основные методы и алгоритмы криптографии и компьютерной алгебры, связанные с модулярной арифметикой;  Уметь: разрабатывать эффективные и готовые к программной реализации алгоритмы помехоустойчивого кодирования, современного криптографического преобразования данных и

сетевых ресурсов, в том числе отечественного производства			криптоанализа; Владеть: навыками реализации разработанных алгоритмов в виде программных модулей.
	ОПК-3.2	Умеет использовать прикладные программные средства в профессиональной деятельности	Знать: область применения методов и моделей помехоустойчивого кодирования, современного криптографического преобразования данных и криптоанализа; Уметь: использовать полученные знания для защиты данных при записи, хранении на внешних носителях и при передаче по каналам связи; Владеть: навыками применения программных продуктов кодирования и криптографии в своей профессиональной деятельности для защиты информации.
	ОПК-3.3	Имеет практический опыт применения программных средств, используемых при построении математических моделей в естественных науках	Знать: методы формализации математических моделей в областях помехоустойчивого кодирования, криптографии, компьютерной алгебры и некоторых современных систем шифрования с асимметричным ключом; Уметь: выбрать эффективные программные продукты для решения поставленной практической задачи в областях помехоустойчивого кодирования и современной криптографии, Владеть: навыками практического применения программных продуктов, реализующих математические модели помехоустойчивого кодирования и современной криптографии с асимметричным ключом.

**12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.(в соответствии с учебным планом) — 4/144.**

**Форма промежуточной аттестации(зачет/экзамен) зачет с оценкой.**

### 13. Виды учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость	
	Всего	По семестрам 2 семестр
Аудиторные занятия	56	56
в том числе:	лекции	28
	практические	-
	лабораторные	28
Самостоятельная работа	88	88
в том числе: курсовая работа (проект)	-	-
Форма промежуточной аттестации (зачет с оценкой – ___ час.)		зачет
Итого:	144	144

#### 13.1. Содержание дисциплины

№	Наименование раздела	Содержание раздела дисциплины
---	----------------------	-------------------------------

п/п	дисциплины	
1	Предмет и задачи курса. Методы, модели и алгоритмы помехоустойчивых линейных кодов.	Структура курса. Терминология. Методы обнаружения и исправления ошибок при передаче данных по каналам связи. Расстояние Хэмминга. Помехоустойчивые линейные коды, их построение и декодирование. Программная реализация алгоритмов построения и декодирования помехоустойчивых линейных кодов.
2	Методы, модели и алгоритмы помехоустойчивых линейных циклических кодов.	Построение и декодирование помехоустойчивых линейных циклических кодов. Программная реализация алгоритмов построения и декодирования помехоустойчивых линейных циклических кодов.
3	Методы, модели и алгоритмы кодов БЧХ.	Построение и декодирование кодов БЧХ. Программная реализация алгоритмов построения и декодирования кодов БЧХ.
4	Методы, модели и алгоритмы арифметических операций над большими (длинными) целыми числами.	Изучение алгоритмов сложения, вычитания, умножения, деления и возведения в степень больших (длинных) целых чисел. Их программная реализация.
5	Методы, модели и алгоритмы арифметических операций над большими (длинными) целыми числами в кольце вычетов.	Изучение алгоритмов сложения, вычитания, умножения и возведения в степень больших (длинных) целых чисел в кольце вычетов. Изучение одного из алгоритмов шифрования с асимметричным ключом. Их программная реализация.
6	Быстрые алгоритмы умножения и возведения в степень целых чисел в кольце вычетов.	Изучение алгоритмов Монтгомери умножения и возведения в степень в кольце вычетов. Программная реализация алгоритмов Монтгомери и основанного на них алгоритма асимметричного шифрования.
7	Быстрые алгоритмы вычисления НОД и обратных элементов в конечном поле.	Изучение бинарных алгоритмов нахождения НОД. Составление программы на его основе. Программная реализация вычисления НОД и обратных элементов в конечном поле.
8	Методы факторизации числа и проверка простоты.	Метод пробных делителей, метод Ферма, метод Лемана.

### 13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Виды занятий (часов)			
		Лекции	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Предмет и задачи курса. Методы, модели и алгоритмы помехоустойчивых линейных кодов.	6	6	17	29
2	Методы, модели и алгоритмы помехоустойчивых линейных циклических кодов.	4	4	9	17
3	Методы, модели и алгоритмы кодов БЧХ.	4	4	18	26
4	Методы, модели и алгоритмы арифметических операций над большими (длинными) целыми числами.	4	4	17	25
5	Методы, модели и алгоритмы арифметических операций над большими (длинными) целыми	2	2	9	13

	числами в кольце вычетов.				
6	Быстрые алгоритмы умножения и возведения в степень целых чисел в кольце вычетов.	4	4	9	17
7	Быстрые алгоритмы вычисления НОД и обратных элементов в конечном поле.	2	4	9	15
8	Методы факторизации числа и проверка простоты.	2	--	–	2
	Итого	28	28	88	144

#### 14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе преподавания дисциплины используются такие виды учебной работы, как лекции и лабораторные занятия, которые предполагают самостоятельную работу студентов по данной дисциплине. Обучающимся предлагается ряд индивидуальных заданий, которые необходимо выполнять в течение семестров для закрепления пройденного материала и успешного освоения дисциплины. Предусмотрены домашние задания и оформление отчетов выполнения лабораторных заданий, а также дополнительные задания для сильных студентов.

#### 15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников)

№ п/п	Источник
1	Кудряшов, Борис Давидович. Теория информации : учебное пособие / Б.Д. Кудряшов .— СПб [и др.] : Питер, 2009 .— 314 с. : ил. — (Учебник для вузов).
2	Завгородний, Михаил Григорьевич. Программирование. Криптографические алгоритмы : учебное пособие / М.Г. Завгородний, С.П. Майорова .— Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2018 .— 96 с.
3	Маховенко, Елена Борисовна. Теоретико-числовые методы в криптографии : учебное пособие для студ. вузов, обуч. по специальностям группы "Информ. безопасность" / Е. Б. Маховенко .— М.: Гелиос АРВ, 2006 .— 318 с.

\* Вначале указываются ЭБС, с которыми имеются договора у ВГУ, затем открытые электронно-образовательные ресурсы

#### 16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы (учебно-методические рекомендации, пособия, задачки, методические указания по выполнению практических (контрольных) работ и др.)

№ п/п	Источник
3	Майорова С.П. Алгебра : учебное пособие / С.П. Майорова, М.Г. Завгородний. – Воронеж : ГОУВПО «Воронеж. гос. техн. ун-т», 2007. – Ч. 2 – 130 с.
4	Майорова С.П. Алгебра : учебное пособие / С.П. Майорова, М.Г. Завгородний. – Воронеж : ГОУВПО «Воронеж. гос. техн. ун-т», 2008. – Ч. 3 – 102 с.
5	Кнут, Дональд Эрвин. Искусство программирования [Т.2: Получисленные алгоритмы] / Дональд Э. Кнут ; под общ. ред. Ю.В. Козаченко .— М. : Вильямс, 2004. — 3-е изд. — 2004.— 828 с
6	Василенко, Олег Николаевич. Теоретико-числовые алгоритмы в криптографии / О.Н. Василенко ; Ин-т проблем информационной безопасности МГУ .— М. : МЦНМО, 2003 .— 325 с.

## 17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)

№ п/п	Источник
1	<a href="http://www.fstec.ru">www.fstec.ru</a> , <a href="http://www.securitylab.ru">www.securitylab.ru</a> , <a href="http://www.cyberpol.ru">www.cyberpol.ru</a> , <a href="http://www.azi.ru">www.azi.ru</a> , <a href="http://www.infotecs.ru">www.infotecs.ru</a> , <a href="http://www.infosec.ru">www.infosec.ru</a> , <a href="http://www.infoforum.ru">www.infoforum.ru</a> , <a href="http://www.cnews.ru">www.cnews.ru</a> , <a href="http://www.brighttalk.com">www.brighttalk.com</a> , <a href="http://www.coresecurity.com">www.coresecurity.com</a> .

## 18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

(при использовании лабораторного оборудования указывать полный перечень, при большом количестве оборудования можно вынести данный раздел в приложение к рабочей программе)

Лекционная аудитория (доска, мел, маркеры), Компьютерный класс (14-15 компьютеров), программное обеспечение (Microsoft Visual Studio; Free Pascal (GNU General Public License (GPL); Python 2/3 (Python Software Foundation License (PSFL)), мультимедийный проектор.

## 19. Фонд оценочных средств:

Задания открытого типа:

1. Расстояние Хэмминга двух кодовых слов 01011011 и 11101011 равно \_\_\_\_.

Ответ: 3.

2. Минимальное расстояние кода, состоящего из четырех кодовых слов: 00000, 10110, 01011, 11101, равно \_\_\_\_.

Ответ: 3.

3. Сообщение кодируется следующими четырьмя кодовыми словами: 00000, 10110, 01011, 11101. Указанный код обнаруживает не более \_\_\_\_ ошибок.

Ответ: 2.

4. Сообщение кодируется следующими четырьмя кодовыми словами: 00000, 10110, 01011, 11101. Указанный код исправляет не более \_\_\_\_ ошибок.

Ответ: 1.

5. Линейный двоичный (15,5)-код имеет \_\_\_\_ информационных разрядов и \_\_\_\_ избыточных разрядов.

Ответ: 5, 10.

6. Порождающая матрица двоичного линейного кода (15, 4) имеет размеры \_\_\_\_.

Ответ: 4\*15.

7. Порождающая матрица систематического двоичного линейного кода (4, 3) имеет вид \_\_\_\_.

Ответ: 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

8. Проверочная матрица двоичного линейного кода (15, 4) имеет размеры \_\_\_\_.

Ответ: 11\*15.

9. Кодовые слова БЧХ-кода, построенного на конечном поле  $GF(2^3)$ , порожденным неприводимым многочленом  $\varphi(x) = x^3 + x + 1$ , имеют \_\_\_\_ двоичных разрядов, из которых \_\_\_\_ разрядов избыточные.

Ответ: 17, 3.

10. БЧХ-код (7,4), гарантированно исправляет \_\_\_\_ ошибок.

Ответ: 1.

11. При кодировании использовали БЧХ-код (7,4) и значение синдрома ошибок  $E(\alpha)$  равно  $\alpha^3$ . Это означает, что ошибка произошла в \_\_\_\_ позиции кодового слова.

Ответ: 4.

12. Пробное частное двух целых чисел 49439032 и 6439767 равно \_\_\_\_ .

Ответ:  $\left[ \frac{49}{6} \right] = 8$ .

13. Целая часть числа  $\sqrt{2910}$  равна \_\_\_\_ .

Ответ: 53

Вычисление:  $x_1 = 100$ ;  $x_2 = \left[ \frac{1}{2} \left( 100 + \left[ \frac{2910}{100} \right] \right) \right] = 64$ ;  $x_3 = \left[ \frac{1}{2} \left( 64 + \left[ \frac{2910}{64} \right] \right) \right] = 54$ ;

$x_4 = \left[ \frac{1}{2} \left( 54 + \left[ \frac{2910}{54} \right] \right) \right] = 53$ ;  $x_5 = \left[ \frac{1}{2} \left( 53 + \left[ \frac{2910}{53} \right] \right) \right] = \left[ \frac{1}{2} (53 + 54) \right] = 53$ .

14. Известно, что при некотором заданном модуле  $N > 1000$  величина  $(R^{-1}) \bmod N$  равна 14, где  $R$  – основание системы счисления. Тогда значение  $\varphi(2 \cdot 5)$

функции Монтгомери равно  $\varphi(x) = \frac{x - N((xN^{-1}) \bmod R)}{R}$  равно \_\_\_\_ .

Ответ:  $2 \cdot 5 \cdot 14 = 140$ .

15. Величина  $17^{1026} \bmod 19$  равна \_\_\_\_ .

Ответ:  $17^{1026} \bmod 19 = ((-2)^4)^{256} (-2)^2 \bmod 19 = ((-3)^4)^{64} 4 \bmod 19 = (5^2)^{32} 4 \bmod 19 = (6^2)^{16} 4 \bmod 19 = ((-2)^4)^4 4 \bmod 19 = 1$ .

16. Элемент \_\_\_\_ является обратным к элементу 7 в кольце вычетов  $Z_{480}$ .

Ответ: 343.

Задания закрытого типа:

17. Избыточность помехоустойчивого кода – это

### Варианты ответов

- разность между количеством кодовых слов и количеством кодируемых информационных слов;
- наименьшее из всех расстояний по Хэммингу для любых пар различных кодовых слов, образующих код;

- характеристика помехоустойчивого кода, показывающая, насколько увеличена длина кодового слова по сравнению с обычным непомяоустойчивым кодом; (*Верный ответ*)
- число информационных разрядов в кодовом слове.

18. Расстояние Хэмминга – это

**Варианты ответов**

- число разрядов двух кодовых слов, в которых они различны; (*Верный ответ*)
- расстояние между символами
- наименьшее из всех расстояний по Хэммингу для любых пар различных кодовых слов, образующих код;
- характеристика помехоустойчивого кода, показывающая, насколько увеличена длина кодового слова по сравнению с обычным непомяоустойчивым кодом;
- число контрольных разрядов в кодовом слове.

19. Минимальное кодовое расстояние – это

**Варианты ответов**

- число разрядов двух кодовых слов, в которых они различны;
- наименьшее из всех расстояний Хэмминга для любых пар различных кодовых слов, образующих код; (*Верный ответ*)
- характеристика помехоустойчивого кода, показывающая, насколько увеличена длина кодового слова по сравнению с обычным непомяоустойчивым кодом;
- число контрольных разрядов в кодовом слове.

20. Линейным двоичным  $(n, k)$ -кодом называется

**Варианты ответов**

- набор из  $n$  кодовых слов, расстояние Хэмминга для которых равно  $k$ ;
- любое  $k$ -мерное подпространство пространства  $Z_2^n$ ; (*Верный ответ*)
- множество  $k$ -мерных двоичных векторов, полученное умножением  $n$ -мерных двоичных векторов на порождающую матрицу;
- набор из  $n$  кодовых слов, минимальное расстояние кода для которых равно  $k$ .

21. Матрица является порождающей матрицей линейного кода, если

**Варианты ответов**

- любая ее строка ортогональна каждому кодовому слову линейного кода;
- любой ее столбец ортогонален каждому кодовому слову линейного кода;
- ее столбцы образуют базис подпространства кодовых слов линейного кода;
- ее строки образуют базис подпространства кодовых слов линейного кода; (*Верный ответ*)

22. Матрица является проверочной матрицей линейного кода, если

**Варианты ответов**

- любая ее строка ортогональна каждому кодовому слову линейного кода;
- любой ее столбец ортогонален каждому кодовому слову линейного кода; (*Верный ответ*)
- ее столбцы образуют базис подпространства кодовых слов линейного кода;



- ее строки образуют базис подпространства кодовых слов линейного кода;

23. Линейный  $(n, k)$ -код называется циклическим, если

**Варианты ответов**

- каждое кодовое слово линейного кода при циклическом сдвиге его бит не меняется;
- циклический сдвиг бит любого кодового слова также является кодовым словом; (*Верный ответ*)
- проверочная матрица при циклическом сдвиге ее столбцов не меняется;
- проверочная матрица при циклическом сдвиге ее строк не меняется.

24. Порождающим многочленом циклического кода называют

- приведенный многочлен, соответствующий кодовому слова и имеющий наибольшую степень;
- приведенный многочлен, соответствующий кодовому слова и имеющий наименьшую степень; (*Верный ответ*)
- неприводимый многочлен, соответствующий кодовому слова и имеющий наименьшую степень;
- неприводимый многочлен, соответствующий кодовому слова и имеющий наибольшую степень;

25. Код БЧХ – это

**Варианты ответов**

- линейный код, с порождающей матрицей, построенной Боузом, Рой-Чоудхури и Хоквингемом;
- блочный код, с порождающей матрицей, построенной Боузом, Рой-Чоудхури и Хоквингемом;
- линейный код, у которого порождающая и проверочная матрицы совпадают;
- циклический код, порождаемый многочленом, имеющим корнями примитивный элемент  $\alpha$  поля Галуа  $GF(2^m)$ , а также степени  $\alpha^k$ ,  $k = \overline{2, t}$ , этого примитивного элемента. (*Верный ответ*)

26. При программировании арифметических операций над большими (длинными) целыми числами возникает следующая основная проблема:

**Варианты ответов**

- ограниченность памяти компьютера;
- необходимость часто переводить числа из одной системы счисления в другую;
- все данные имеют заранее заданный формат; (*Верный ответ*)
- отсутствие библиотек для работы с большими (длинными) целыми числами.

27. В 1000-ичной системе счисления выбор первой цифры неполного частного в алгоритме деления с остатком двух целых чисел 49439032 и 6439767 осуществляется из

**Варианты ответов**

- 1000 вариантов;
- трех вариантов;

- не более трех вариантов; (**Верный ответ**)
- более 500 вариантов.

28. В массиве  $b[s]$  записано число  $b$  в двоичную систему счисления. Что вычисляет следующий алгоритм?

1. Вводим  $a$  Полагаем  $z = a$ .
2. Цикл при изменении переменной  $i$  от  $s - 1$  до  $0$  выполняем:
  - 2.1 Полагаем  $z = z^2$ .
  - 2.2 Если  $b[i] = 1$ , то полагаем  $z = z * a$ .
3. Выводим  $z$ .

#### Варианты ответов

- вычисляет величину  $a^{2^s}$ ;
- вычисляет величину  $a^b$ ; (**Верный ответ**)
- выполняет умножение  $a$  на  $b$  по Монтгомери;
- находит НОД( $a, b$ );
- извлекает квадратный корень из числа  $a$ .

29. Что вычисляет следующий алгоритм?

1. Вводим число  $n$ .
2. Полагаем  $x = n$ .
3. Цикл
  - 3.1 Полагаем  $z = x$ .
  - 3.2 Полагаем  $x = (x + n/x)/2$ .
 Выполнять цикл, пока  $x < z$ .
4. Выводим  $z$ .

#### Варианты ответов

- вычисляет величину  $x^{2^s}$ ;
- вычисляет величину  $x^m$ ;
- выполняет умножение по Монтгомери;
- переводит число  $x$  в двоичную систему счисления;
- извлекает квадратный корень из числа  $x$ . (**Верный ответ**)

30. Что вычисляет следующий алгоритм?

1. Вводим числа  $a$  и  $b$ .
2. Полагаем  $g = 1$ .
3. Цикл: пока оба числа  $a$  и  $b$  четные, выполнять:  $a = \frac{a}{2}$ ,  $b = \frac{b}{2}$  и  $g = 2 * g$ .
4. Цикл: пока  $a \neq 0$ , выполнять:
  - 4.1. Цикл: пока число  $a$  четное, выполнять:  $a = \frac{a}{2}$ .

4.2. Цикл: пока число  $b$  четное, выполнять:  $b = \frac{b}{2}$ .

4.3. При  $a \geq b$  полагаем  $a = a - b$ . Иначе  $b = b - a$ .

5. Выводим  $d = g * b$ .

### Варианты ответов

- вычисляет величину  $a^{2^s}$ ;
- вычисляет величину  $a^b$ ;
- выполняет умножение  $a$  на  $b$  по Монтгомери;
- находит НОД( $a, b$ ); (**Верный ответ**)
- извлекает квадратный корень из числа  $a$ .

31. Что вычисляет следующий алгоритм?

1. Вводим числа  $a, b, N$  и  $R$ .

2. Положим  $x = a * b$  и  $N' = (-N^{-1}) \bmod R$ .

3. Положим  $U = (x * N') \bmod R$ .

4. Положим  $z = x + N * U$ .

5. Положим  $f = z / R$ .

6. Если  $f \geq N$ , то полагаем  $f = f - N$ .

7. Выводим  $f$ .

### Варианты ответов

- вычисляет величину  $a^{2^s}$ ;
- вычисляет величину  $a^b$ ;
- выполняет умножение  $a$  на  $b$  по Монтгомери; (**Верный ответ**)
- находит НОД( $a, b$ );
- извлекает квадратный корень из числа  $a$ .

## 19.2 Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации

Оценка знаний, умений и навыков, характеризующая этапы формирования компетенций в рамках изучения дисциплины осуществляется в ходе текущей и промежуточной аттестаций.

Текущая аттестация проводится в форме лабораторных работ.

**Промежуточная аттестация проводится в форме зачета и включает в себя теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень полученных знаний и практическое задание, позволяющее оценить степень сформированности умений и навыков.**

При оценивании используется следующая шкала:

5 баллов ставится, если обучающийся демонстрирует полное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателям, свободно оперирует приобретенными знаниями, умениями, применяет их при решении практических задач;

4 балла ставится, если обучающийся демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателям, но допускает незначительные ошибки, неточности, испытывает затруднения при решении практических задач;

3 балла ставится, если обучающийся демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателям, допускает значительные ошибки при решении практических задач;

2 балла ставится, если обучающийся демонстрирует явное несоответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателям.

При сдаче зачета  
 оценка «отлично» - 5 баллов  
 оценка «хорошо» - 4 балла  
 оценка «удовлетворительно» - 3 балла  
 оценка «неудовлетворительно» - 2 балла.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Обучающийся в полной мере владеет понятийным аппаратом, владеет методами построения математических моделей в области помехоустойчивого кодирования и криптографии; способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, применять теоретические знания для разработки алгоритмов и их программирования.	Повышенный уровень	Отлично
У обучающегося сформированы знания, умения и навыки построения математических моделей помехоустойчивого кодирования и криптографии; он способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, применять теоретические знания для решения практических задач; но допускает отдельные несущественные пробелы в своих знаниях, допускает ошибки при выполнении практических задач.	Базовый уровень	Хорошо
У обучающегося сформированы неполные знания, умения и навыки; он допускает отдельные существенные пробелы в своих знаниях, допускает существенные ошибки при выполнении практических задач.	Пороговый уровень	Удовлетворительно
Сформированы лишь фрагментарные знания, умения и навыки или знания, умения и навыки отсутствуют	–	Неудовлетворительно

**19.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы**

## Пример КИМ № 1

УТВЕРЖДАЮ  
 Заведующий кафедрой функционального  
 анализа и операторных уравнений

\_\_\_\_\_ Каменский М.И.  
 подпись, расшифровка подписи

\_\_\_\_\_

Направление подготовки / специальность 02.04.01 Математика и компьютерные науки

Дисциплина Б1.О.11 Математические методы и модели теории кодирования и криптологии и разработка на их основе программного обеспечения информационно-коммуникационных технологий

Форма обучения очная

*очное, очно-заочное, заочное*

Вид контроля зачет

*экзамен, зачет*

Вид аттестации промежуточная

*текущая, промежуточная*

**Контрольно-измерительный материал № \_\_\_\_**

1. Помехоустойчивые линейные коды. Порождающая и проверочная матрицы

2. Алгоритм Монгмери умножения в кольце вычетов. Оценка его сложности.

Преподаватель \_\_\_\_\_  
*подпись    расшифровка подписи*